

# 日射量の確率的予測手法の開発 Probabilistic Forecast of Solar Irradiation

志賀孝広（名古屋大学、豊田中央研究所）  
Takahiro SHIGA (Nagoya Univ., Toyota Central R&D Labs., Inc.)  
t-shiga@mosk.tytlabs.co.jp

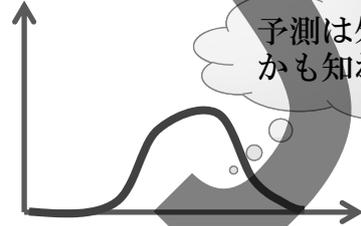
## イメージ「太陽光で車を充電しよう」



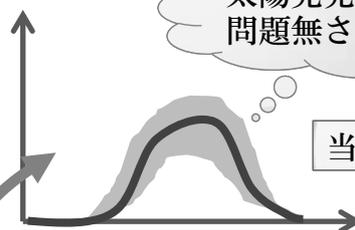
予測「値」だけではサービス  
できるかどうか分からない

予測「精度（信頼区間）」が分か  
れば、安心してサービスできる、  
が、精度は日々異なる

翌日の日射量予測



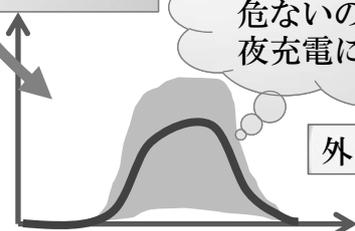
予測は外れる  
かも知れない



太陽光充電でも  
問題無さそう

当たりやすい日

予測「値」は同じだが  
サービス提供側から見  
ると全く異なる日



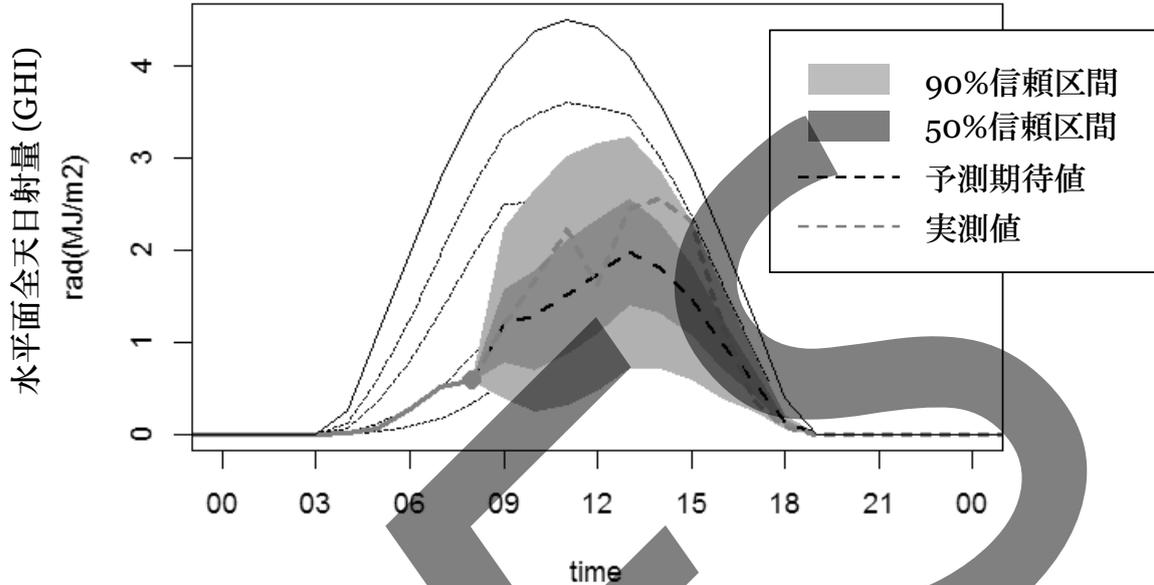
太陽光充電では  
危ないので、深  
夜充電にしよう

外れやすい日

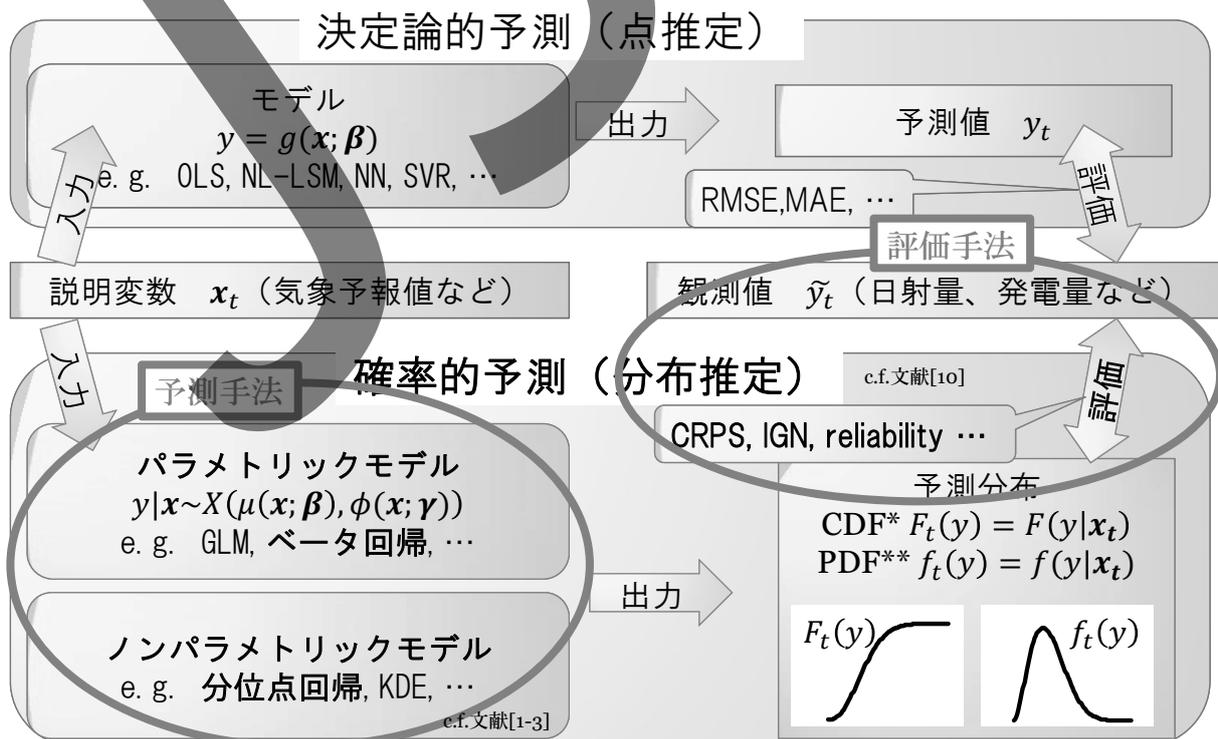
日々、時々変化する動的な予測精度  
（信頼区間）を気象条件から推定する  
⇒日射量の確率的予測

# まずは結果から) 確率的日射量予測の例

2011-06-03 08:00



# 数理モデル※における「確率的予測」



※もちろん物理 (気象) モデルではアンサンブル予測がある

\*CDF:累積分布関数、\*\*PDF:確率密度関数

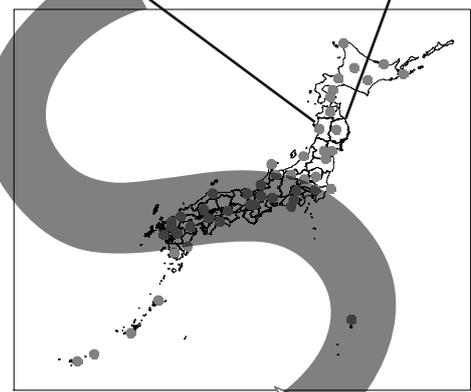
# 利用データと問題設定

- 説明変数  $x$ 
  - 気象庁発表MSM-GPV数値予報 (気象庁、5km格子、前日18時発表33時間予報)
    - ・ 下/中/上層雲量  $c_L, c_M, c_H$  (0~1)
    - ・ 相対湿度  $h$  (0~1)
    - ・ 降水量時間積算値  $r$  (mm)
  - 計算式に従い計算
    - ・ エアマス時間平均値  $m$
    - ・ 大気外日射量 時間積算値  $I_0$  (MJ/m<sup>2</sup>)
- 応答変数 (被説明変数)  $y$ 
  - 気象庁、全国49地方気象台(右図●)の過去データ
    - ・ 水平面全天日射量 (GHI)時間積算値  $I$  (MJ/m<sup>2</sup>)
    - ・ 規格化日射量 (晴天指数)  $y = I/I_0$
  - 特に青森地方気象台のデータを使用
- 期間
  - 学習データ：2008~09の2年間
    - ・ ( $I_0 > 0.4$  MJ/m<sup>2</sup>) 8000hr
  - 検証データ：2010~11の2年間
    - ・ ( $I_0 > 0$ ) 9000hr
- 問題設定
  - 車の充電を想定し、翌日の1時間積算日射量を予測 (Day-ahead forecast)

MSM-GPV格子点  
5kmメッシュ

説明変数  $x$

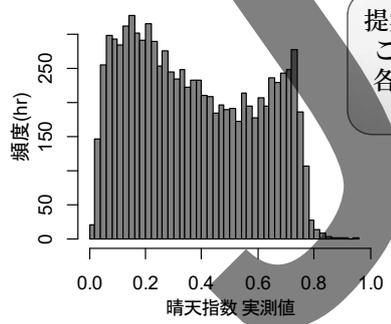
青森地方気象台



MSM-GPV提供範囲

# 規格化日射量 (晴天指数) の分布の様子

青森の2年分の晴天指数の頻度

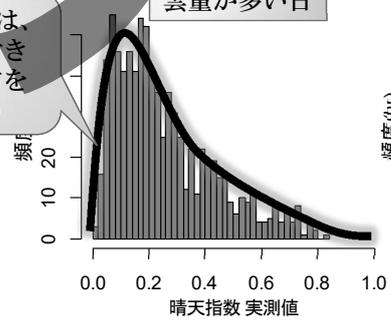


提案モデルは、この条件付き各区率分布を再現する

⇒説明変数で場合分けすると

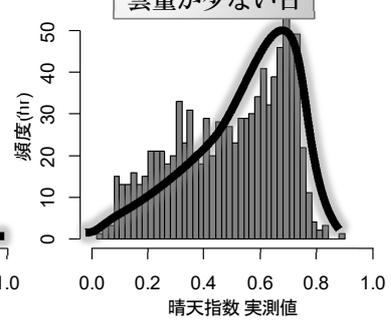
$0.6 \leq \text{中層雲量} \leq 0.7$

雲量が多い日



$0.1 \leq \text{中層雲量} \leq 0.2$

雲量が少ない日



どのような分布を用いてこれを表せばよいか？

⇒ 日射量は上限と下限がある、正規分布では×

⇒ ベータ分布※が良いのでは？

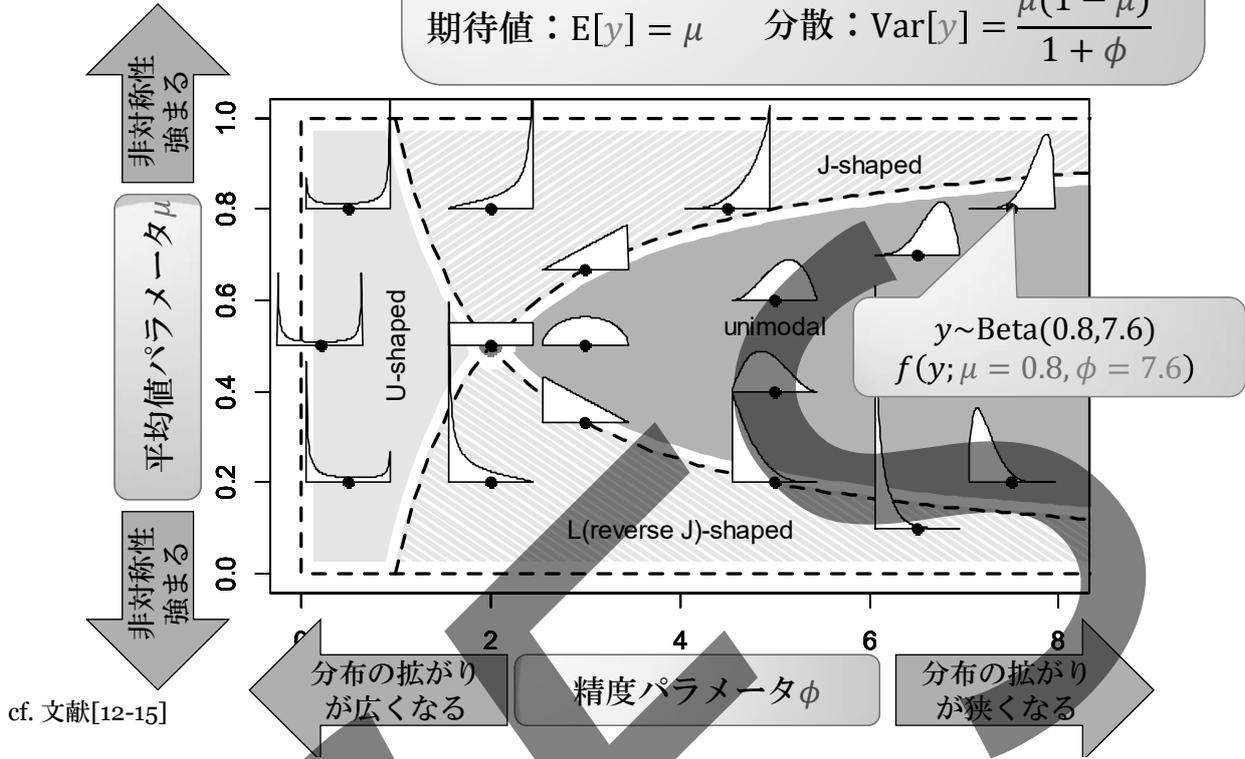
※ベータ分布のようなパラメトリックな分布を使わない方法として、分位点回帰がノンパラメトリックな方法の代表例である 文献[1,3,10]

# ベータ分布

$y \sim \text{Beta}(\mu, \phi)$      $0 < y < 1 \dots$  晴天指数

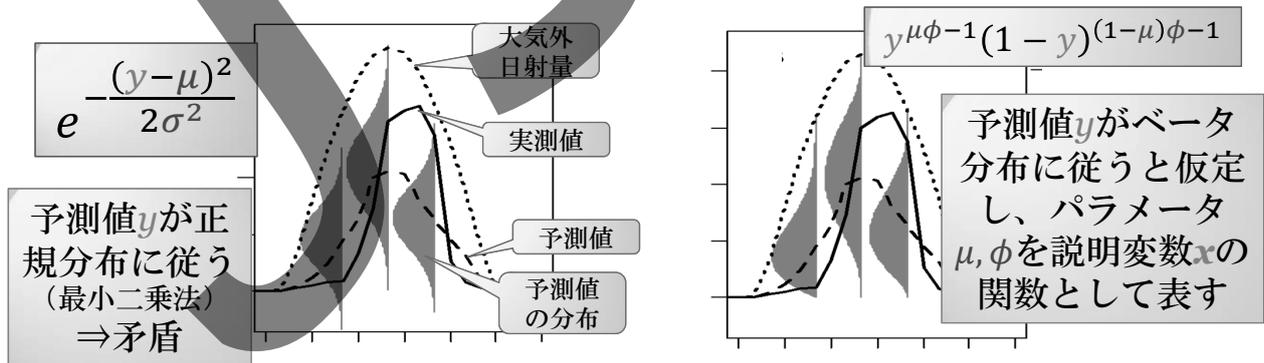
確率密度関数:  $f(y) \propto y^{\phi\mu-1}(1-y)^{\phi(1-\mu)-1}$

期待値:  $E[y] = \mu$     分散:  $\text{Var}[y] = \frac{\mu(1-\mu)}{1+\phi}$



## 日射量の予測分布(条件付き確率)をベータ分布で表す

- $0 \leq \text{日射量} \leq \text{大気外日射量} \Rightarrow$  ベータ分布が適切



- ベータ回帰：ベータ分布のパラメータが説明変数の関数

期待値

切片    中層雲量    高層雲量    相対湿度    降水量    エアマス\*

$$\mu(x) = \exp(-\beta_0 - \beta_{MC_M} \alpha^M - \beta_{HC_H} \alpha^H - \beta_{RH} h^{\alpha_{RH}} - \beta_{PR} r^{\alpha_{PR}} - \beta_{AM} \log m)$$

分布の鋭さ

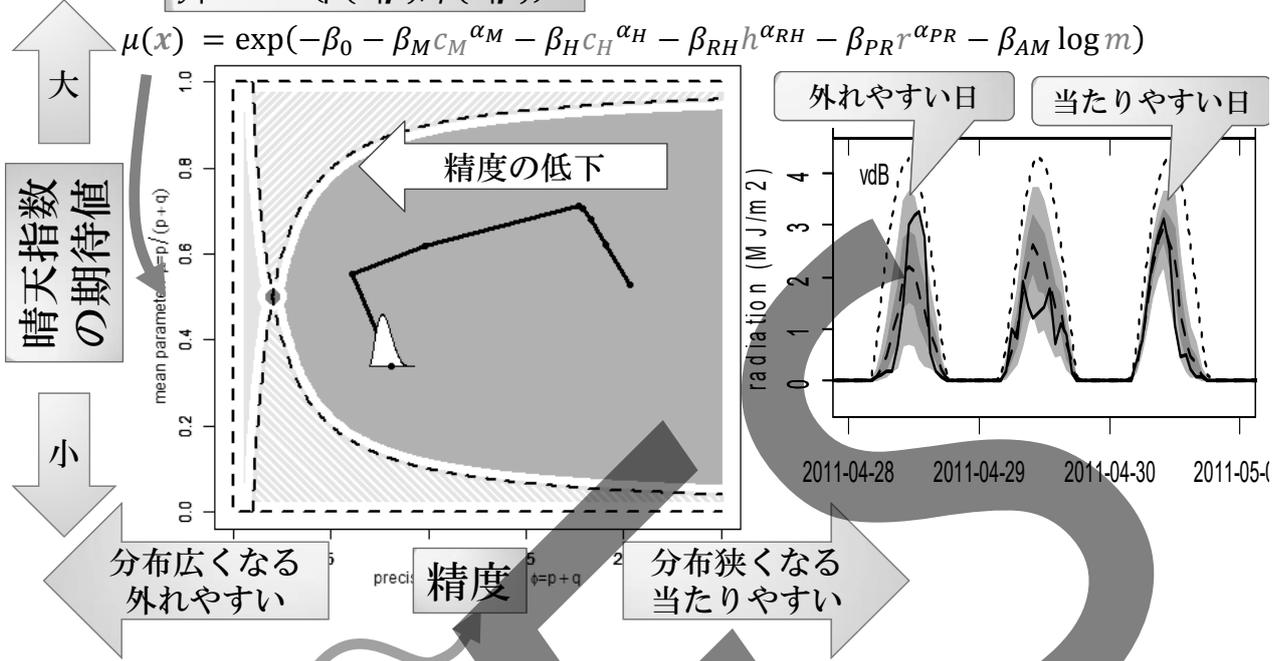
切片    下層雲量    中層雲量    降水量    エアマス\*

$$\phi(x) = \exp(+\beta_0 - \beta_{MC_L} \alpha^L - \beta_{MC_M} \alpha^M + \beta_{PR} r^{\alpha_{PR}} + \beta_{AM} \log m)$$

# モデル化結果

$$y|x \sim \text{Beta}(\mu(x|\beta), \phi(x|\beta))$$

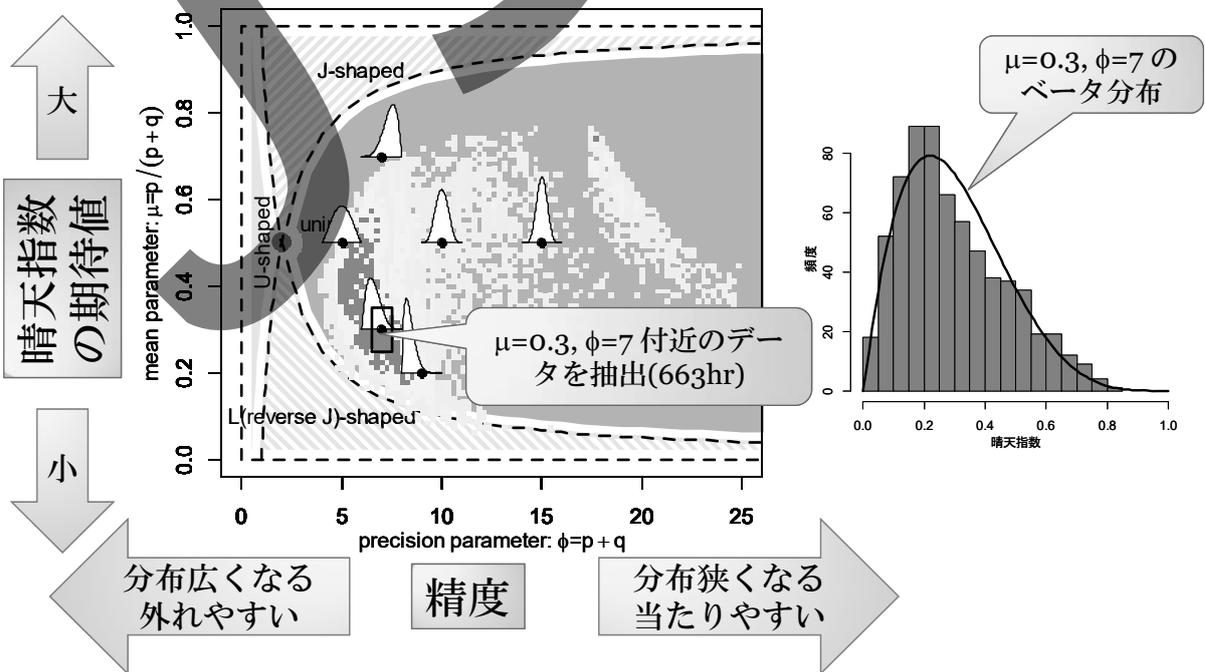
$$\mu(x) = \exp(-\beta_0 - \beta_{MC_M} \alpha_M - \beta_{HC_H} \alpha_H - \beta_{RH} h^{\alpha_{RH}} - \beta_{PR} r^{\alpha_{PR}} - \beta_{AM} \log m)$$



$$\phi(x) = \exp(+\beta_0 - \beta_{MC_L} \alpha_L - \beta_{MC_M} \alpha_M + \beta_{PR} r^{\alpha_{PR}} + \beta_{AM} \log m)$$

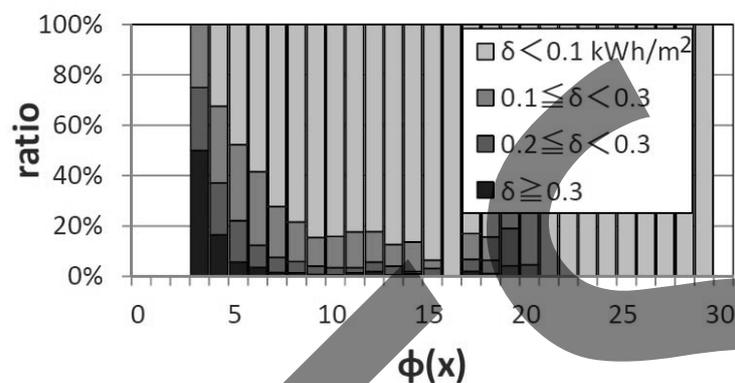
# 予測分布の現れる頻度と分布の検証

Beta distribution with  $\mu - \phi$  parameterization



## 関数 $\Phi(x)$ の持つ情報

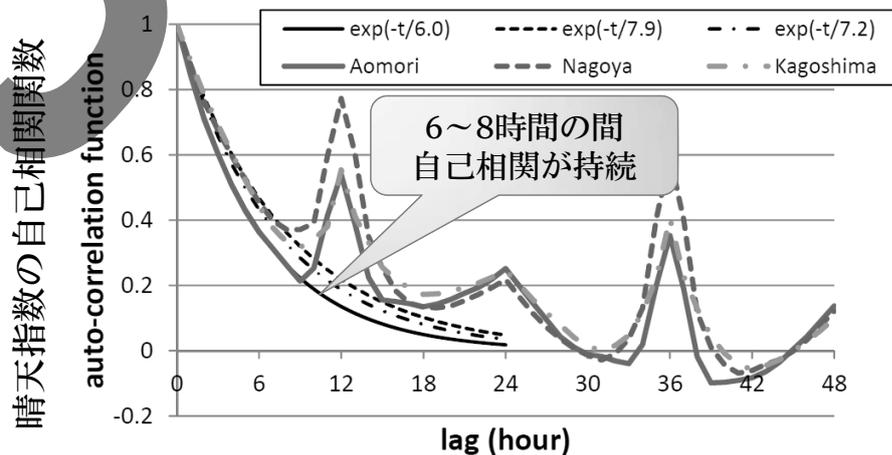
- 予測分布の狭さ（精度の高さ）を表す $\Phi(x)$ は、大外れの起こりやすさを良く反映している cf.文献[5]



予測分布の期待値と実測値の絶対値誤差 $\delta$ の発生頻度を、 $\Phi(x)$ に対してプロットしたグラフ

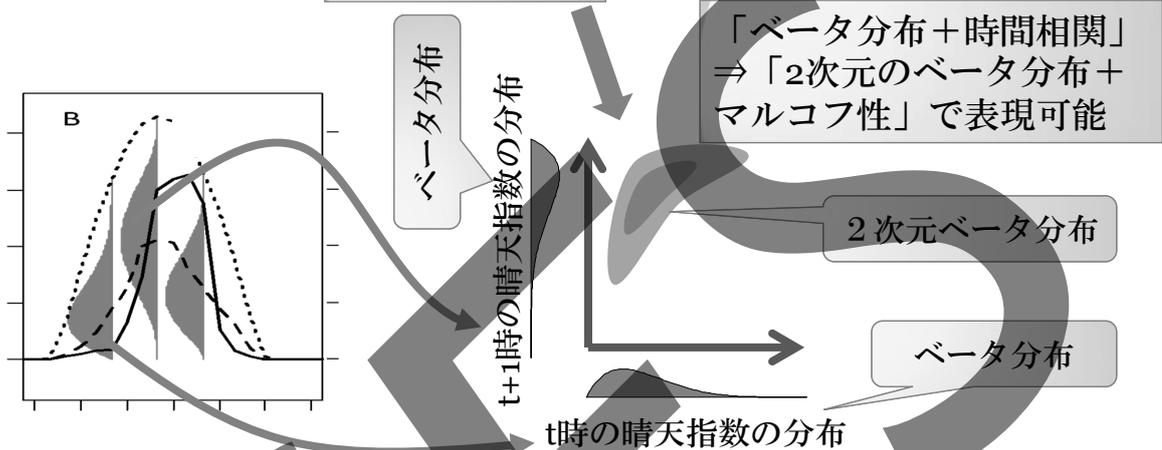
## 時間相関を考慮する

- 時間相関を考慮する必要性
  - 日射量(晴天指数)は6~8時間で減衰する自己相関を持つ
  - 時間相関を考慮することで「実測値による予測の更新」や、「日積算日射量の分布の推定」が可能になる



## マルコフ性を仮定する

- 時系列の確率分布（多次元確率分布）を求めたい
  - $f_{1,\dots,T}(y_1, \dots, y_T) \Rightarrow$  正規分布なら可能、でもベータ分布は？
- マルコフ性を仮定する
  - $f_{1,\dots,T}(y_1, \dots, y_T) = f_1(y_1) f_{2|1}(y_2|y_1) \cdots f_{T|T-1}(y_T|y_{T-1})$
  - $f_{t+1|t}(y_{t+1}|y_t) = \frac{f_{t,t+1}(y_t, y_{t+1})}{f_t(y_t)}$



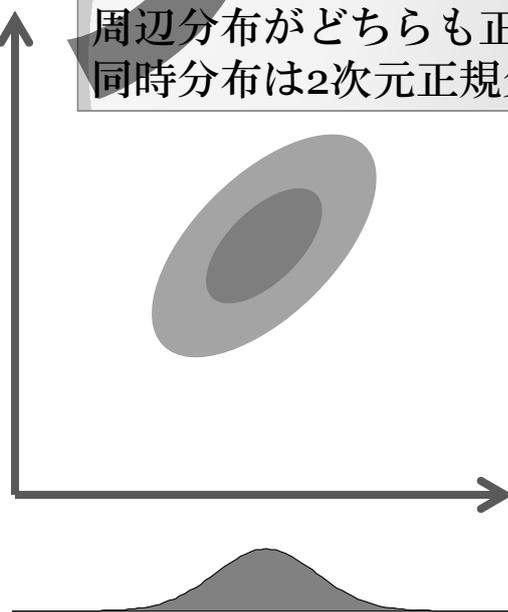
## コピュラ（接合関数）

cf.文献 [16-18]

- 任意の周辺分布から同時分布を構成する方法

10時の晴天指数の分布

周辺分布がどちらも正規分布であれば  
同時分布は2次元正規分布

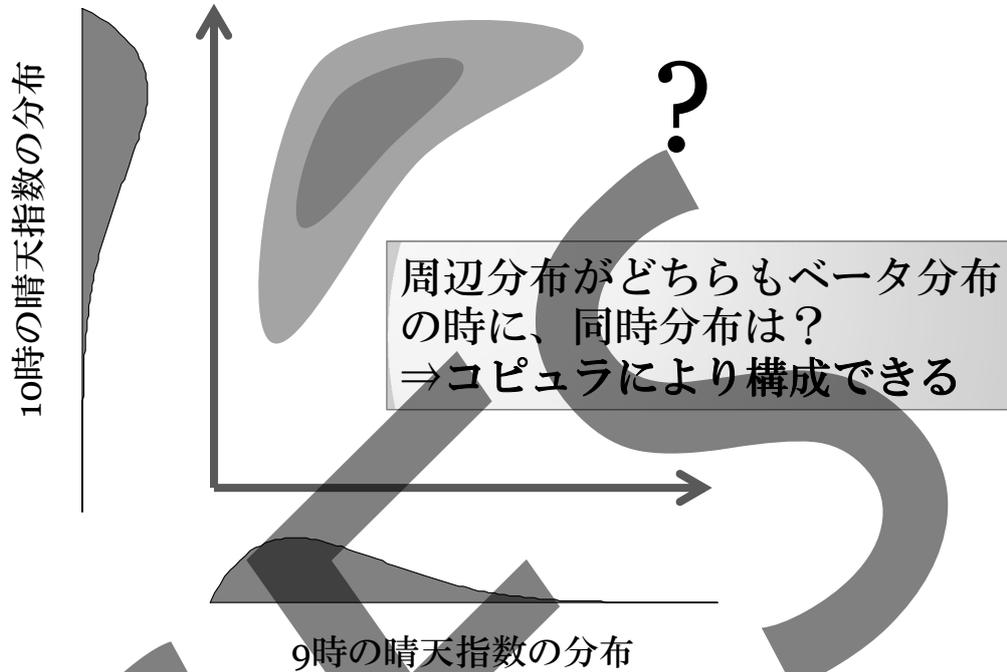


9時の晴天指数の分布

## コピュラ（接合関数）

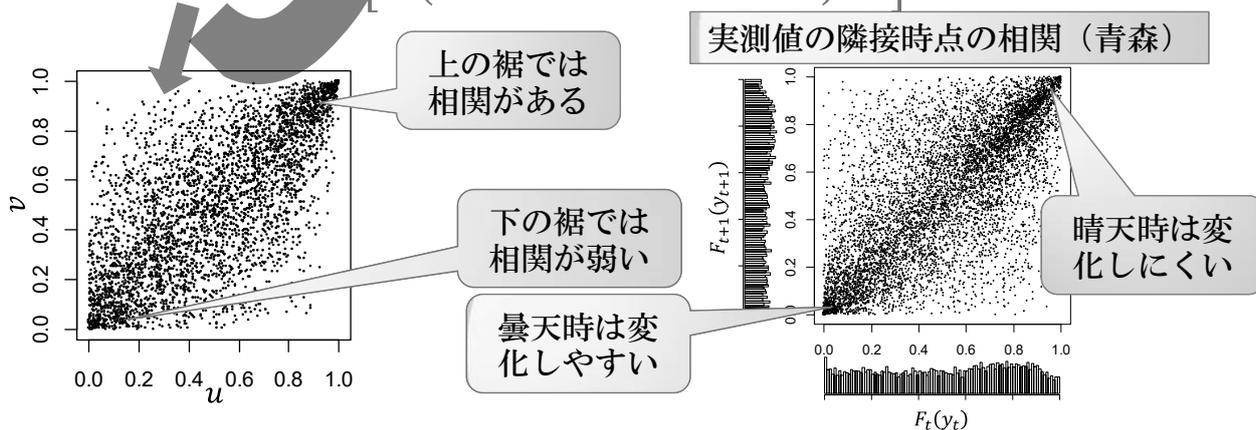
cf.文献 [16-18]

- 任意の周辺分布から同時分布を構成する方法

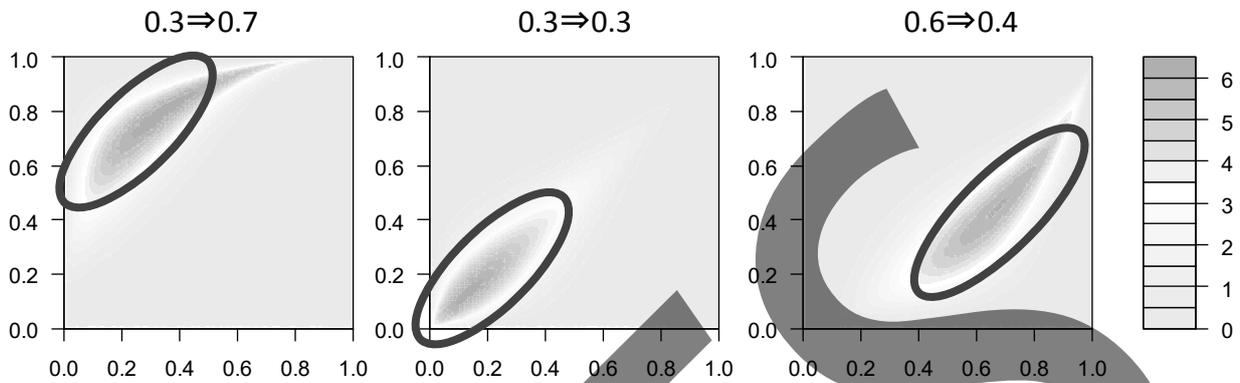


## コピュラ（接合関数）

- コピュラ：特定の条件を満たす2変数関数  $C(u, v)$ 
  - 2つの周辺分布の累積分布関数  $F(x), F(y)$  から、同時分布の累積分布関数を  $F(x, y) = C(F(x), F(y))$  と書ける (Sklarの定理)
- 今回用いた Gumbelコピュラ（裾依存性が非対称）
  - $C(u, v) = \exp \left[ - \left( (-\log u)^\theta + (-\log v)^\theta \right)^{1/\theta} \right]$  ( $\theta = 2.12$ )



## 2次元ベータ分布の例

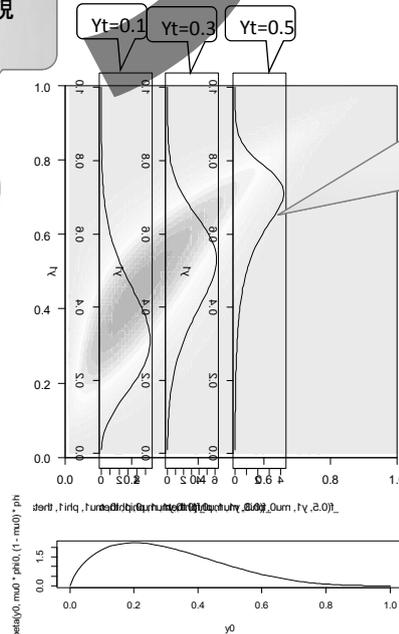
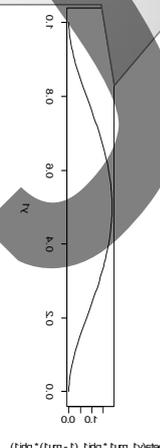


多次元正規分布による近似は、晴天指数が0か1に近い場合に矛盾を起こす  
 (それ以外では、良い近似になることもある)

## 時刻 $t$ での晴天指数観測値が得られた場合の $t+1$ での条件付き確率分布の例

時刻 $t$ での晴天指数観測値 $y_t$ が無い場合

時刻 $t+1$ での晴天指数の予測

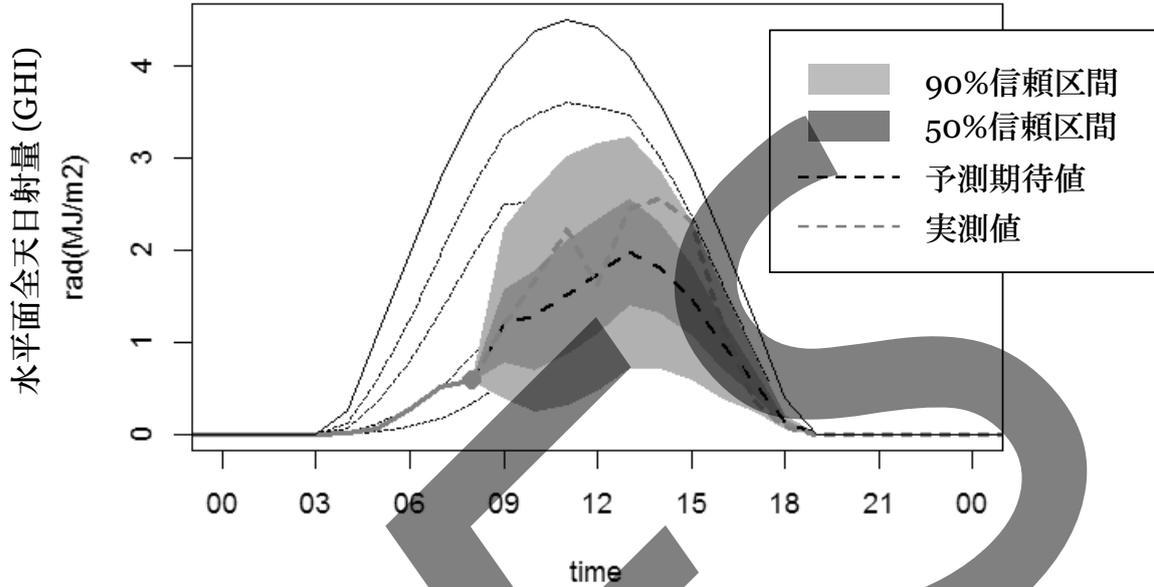


時刻 $t$ の観測値により  
 時刻 $t+1$ の予測値分布  
 が補正される  
 ⇒分布が狭まる

時刻 $t$ での晴天指数の予測

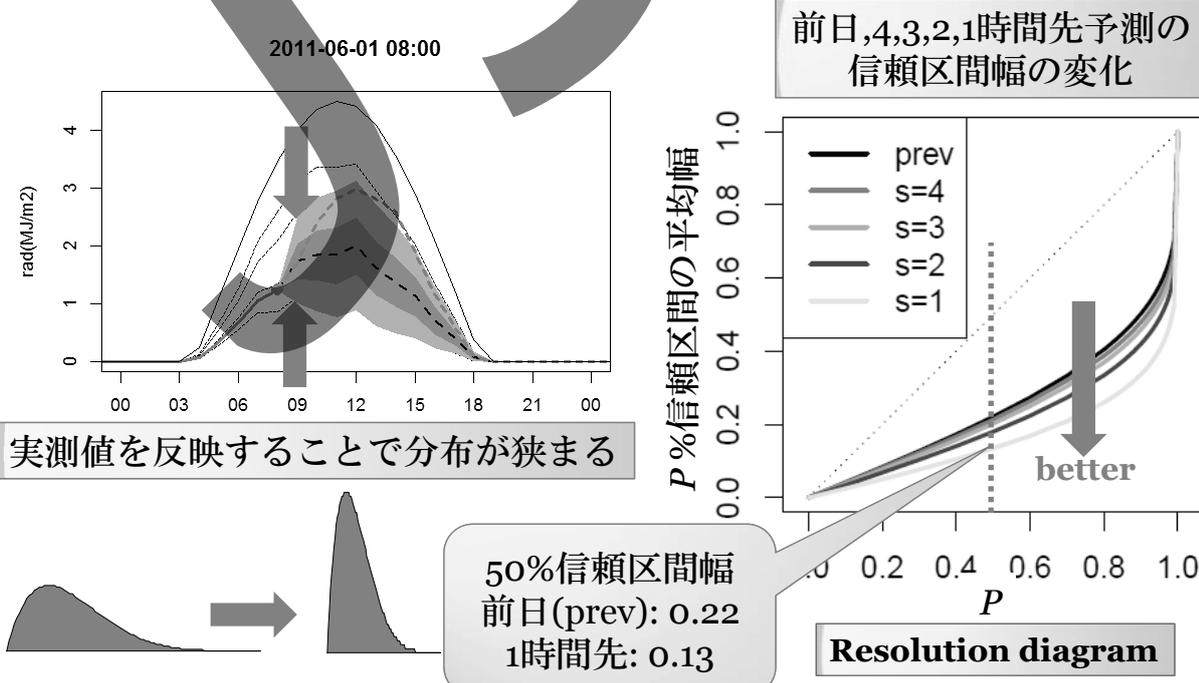
# 日射量実測値による予測の更新例

2011-06-03 08:00



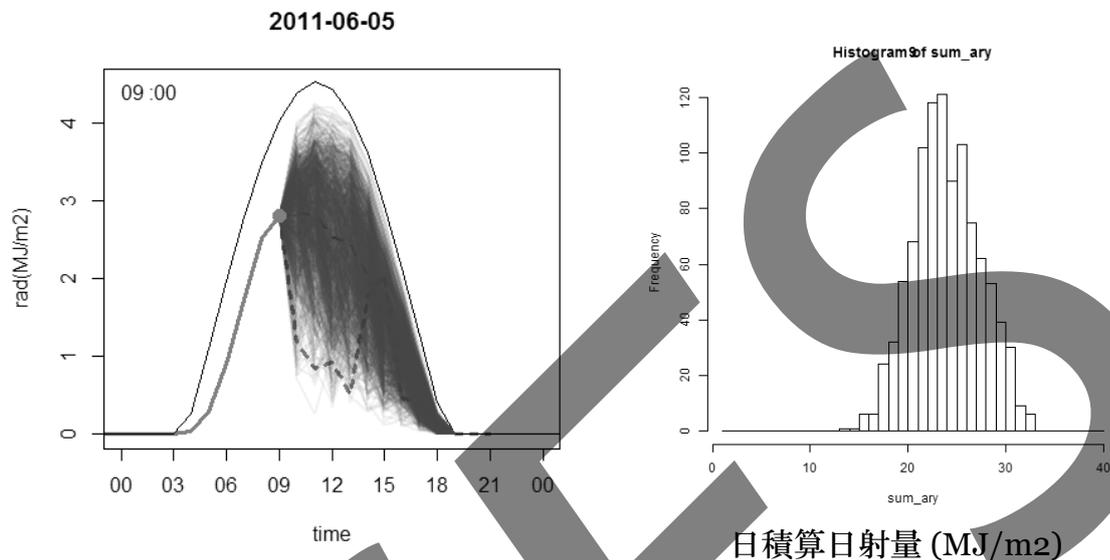
# 日射量実測値を反映する効果

- 直近の予測について信頼区間を狭めることが可能



## 乱数による確率的なシナリオ生成

- 時間相関を考慮した乱数で時系列を生成
  - 応用例) 確率的制御への応用
  - 応用例) 「日積算日射量の予測分布」を逐次更新



## まとめ

- サービスの品質を保証するためには、予測「値」だけでなく日々変化する動的な予測「精度」が重要であり、確率的予測が必要となる
- 日射量は上下限を持つが、ベータ分布はそのような値の表現に適しており、ベータ分布の2つの母数を説明変数  $x$  の関数とする（ベータ回帰）ことで、動的に変動する予測分布をモデル化した
- コピュラを用いて2次元ベータ分布を構成した上で、マルコフ過程を構成し、日射量の時間相関をモデル化した
- 日射量の実測値を反映して予測を更新することにより、直近の予測について信頼区間を狭めることができた
- 予測確率分布の正しさを reliability, resolution プロットで確認した
- 確率的日射量シナリオを多数生成することで、ロバストな制御への活用が期待できる

## 参考文献 1

- 風力発電の確率的予測（分位点回帰が広く用いられている）
  - [1] デンマーク工科大の P.Pinson (<http://pierrepinson.com/>) 及び H. Madsen (<http://www.imm.dtu.dk/~hmad/>) を始めとして、多数の研究例及び実用化例あり、例えば P. Pinson et al.: "From Probabilistic Forecasts to Statistical Scenarios of Short-term Wind Power Production", Wind Energy, Vol.12, No.1, pp.51-62, 2008.
  - [2] M. Lange and U. Focken: 「風力発電出力の短期予測」, オーム社, 2012.
  - [3] P. Pinson and H. Madsen: "Forecasting Wind Power Generation: From Statistical Framework to Practical Aspects", 出版予定.
- 太陽光発電（日射量）の確率的予測
  - [4] T. Shiga, T. Kato, and Y. Suzuoki: "Stochastic Solar Radiation Forecast using Beta Regression and Copula-Based Markov Process", Proc. of SICE Annual Conference 2013, pp.1111-1116.
  - [5] 志賀孝広, 加藤丈佳, 鈴置保雄: 「ベータ回帰を用いた確率的日射量予測—大外れの予見可能性の検討—」, 電学論B, Vol.134, No.6, pp.527-536, 2014.
  - [6] T. Shiga, T. Kato, and Y. Suzuoki: "Probabilistic Solar Irradiation Forecast with Capability of Predicting Changing Uncertainty and Temporal Correlation", Proc. of EU PVSEC 2014, No. 5BV.1.4.
- 確率的予測における予測手法及び評価方法のレビュー
  - [7] 立平良三: 「気象予報における意思決定」, 東京堂出版, 1999.
  - [8] D. S. Wilks: "Statistical Methods in the Atmospheric Sciences", 3<sup>rd</sup> ed., Elsevier, 2011.
  - [9] I. T. Jolliffe and D. B. Stephenson: "Forecast Verification: A Practitioner's Guide in Atmospheric Science", 2<sup>nd</sup> ed., Wiley, 2012.
  - [10] 志賀孝広, 加藤丈佳, 鈴置保雄: 「再生可能エネルギーの確率的出力予測とその評価」, 電気学会新エネルギー・環境/メタポリズム社会・環境システム 合同研究会, FTE-13-065/MES-13-021, 2013.11.

## 参考文献 2

- 一般化線型モデル (GLM)
  - [11] A. J. Dobson: 「一般化線形モデル入門」, 第2版, 共立出版, 2008.
- ベータ回帰 (Beta regression)
  - [12] S. L. P. Ferrari and F. Cribari-Neto: "Beta Regression for Modelling Rates and Proportions", Journal of Applied Statistics, Vol.31, No.7, pp.799-815, 2004.
  - [13] A. B. Simas, W. Barreto-Souza, and A.V. Rochab: "Improved estimators for a general class of beta regression models", Computational Statistics & Data Analysis, Vol.54, No.2, pp.348-366, 2010.
  - [14] 粕谷英一, 金明哲: 「一般化線形モデル」, 共立出版, 2012.
  - [15] M. Smithson and E. C. Merkle: "Generalized Linear Models for Categorical and Continuous Limited Dependent Variables", Chapman & Hall/CRC, 2013.
- コピュラ及びコピュラマルコフ過程
  - [16] W. F. Darsow: "Copulas and Markov Process", Illinois Journal of Mathematics, Vol.36, No.4, pp.600-642, 1992.
  - [17] R. B. Nelsen: "An Introduction to Copulas", 2<sup>nd</sup> ed., Springer, 2006.
  - [18] 国友直人ら: 「21世紀の統計科学III—数理計算の統計科学—」, 第5章 接合分布関数（コピュラ）の理論と応用（塚原英敦）, 東京大学出版会, 2008.